

I) Limites

Dica:

Se $q \rightarrow 0$ por algum motivo, temos as seguintes equivalências:

$$1) \sin q \approx q \quad 2) \ln(1+q) \approx q \quad 3) e^q - 1 \approx q \quad 4) \operatorname{tg} q \approx q \quad 5) 1 - \cos q \approx q^2 / 2$$
$$6) \sqrt[q]{1+q} - 1 \approx q/q \quad 7) (1+q)^m - 1 \approx mq \quad 8) a^q - 1 \approx q \ln a \quad 10) \operatorname{arcsen} q \approx q$$

Tipos diferentes de resolução de questões sobre Limites que caem na ANPEC. Como resolver?

- I) Perfume de "e"
- II) Polinômios
- III) Potência
- IV) Equivalências
- V) Substituição
- VII) Transformação
- VII) basal x exponencial x logaritmo

Questões ANPEC:

6/1998

Responda V ou F;

$$V(0) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(\operatorname{sen} x)^2}{e^{x^2} - 1} = 0;$$

$$F(1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} x e^{1/x} = +\infty;$$

$$F(2) \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1 + 3x^x}{x^x} = 3;$$

$$F(3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} (1 + a/x)^{bx} = e^{a+b}, \text{ onde } a \text{ e } b \text{ são números reais não nulos};$$

QUESTÃO 4/1999

$$V(1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^x - 1)}{\text{sen}(x)} = 0$$

QUESTÃO 10/2000

Assinale V (verdadeiro) ou F (falso):

$$F(0) \lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{\text{sen}(x^2 + y^2)}{\sqrt{x^2 + y^2}} = 1;$$

QUESTÃO 04/2001

A respeito dos limites abaixo, responda V (verdadeiro) ou F (falso).

$$F \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{3}{x}\right)^{\frac{x}{5}} = e^{5/3} ;$$

$$V \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \text{sen}^2(1/x)}{\text{sen}^2(1/x) + \cos^2(1/x)} = 0$$

$$F \lim_{x \rightarrow 3} \sqrt{\frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 - 4x + 3}} = 1 ;$$

$$V \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{2} \text{sen}(4/x^2) = 2 ;$$

$$F \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1 + x^{2x}}{x^{4x}} = 1.$$

QUESTÃO 07/2002

Assinale V (verdadeiro) ou F (falso):

$$F \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{3}{x}\right)^{2x+5} = e^5 .$$

$$F \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\text{sen}(x^3)}{x^2} = 3/2.$$

$$F \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{e^{2x} - 2x - 1} = 1.$$

$$V \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{\sqrt{x}} = 0.$$

$$F \lim_{x \rightarrow -3} \sqrt{\frac{x^2 - 10x - 39}{x^2 + 2x - 3}} = 4.$$
